обналичиванием «левой» продукции и защитить потребителей от фальсифицированных или недоброкачественных товаров.

Литература: 1. Богданов В. Н. и др. Способ идентификации подлинности контролируемого объекта. Патент РФ № 2172015 от 10. 08. 2001. Приоритет от 01. 03. 2000. Опубл. 10. 08. 2001, БИ № 22. 2. Богданов В. Н. и др. Система маркировки и идентификации изделий. Патент РФ № 2183349. Приоритет от 16. 10. 2000. Опубл. 10. 06. 2002, БИ № 16. 3. Калашников А. С. и др. Региональная информационная система учета и контроля сертифицированной алкогольной продукции «Атлас-СКАТ». Программа для ЭВМ. Свидетельство об официальной регистрации № 2000610041 от 19. 01. 2000. Правообладатель ГУП НТЦ «Атлас».

УДК 535.317.1 ИТЕРАЦИОННЫЙ МЕТОД РАСЧЕТА ФУРЬЕ – КИНОФОРМА

Александр Кузьменко, Павел Ежов

Международный центр "Институт прикладной оптики" НАН Украины

Аннотация: Предложено улучшение известного алгоритма Герчберга – Сакстона расчета Фурье киноформа за счет дополнения его новой операцией. Операция выполняется в плоскости объекта и заключается в предискажении его в процессе итераций специальным образом. Приводятся результаты модельных экспериментов на ЭВМ по расчету киноформов и восстановлению изображений предложенным, а также известными методами. Дается простое теоретическое обоснование метода.

Summary: One of the possible the improvement for the Gerchberg-Saxton algorithm of synthesis Fourier - kinoform is proposed.

Ключевые слова: Оптическая голография, киноформ, оптическая обработка информации.

Киноформ есть чисто фазовый оптический элемент с дифракционной эффективностью, близкой к 100%, генерируемый компьютером. Со времени изобретения киноформа в 1969 г., постоянно совершенствуются методы его расчета, а также исследуются практические аспекты использования в системах пространственной фильтрации, оптической памяти, для лазерных технологий и т. д. Представляется перспективным использование киноформа также в оптических защитных технологиях.

При так называемом прямом методе расчета киноформ формируется простым образом. На функцию объекта f(x,y) накладывается диффузный фазовый рассеиватель $\exp(i\varphi(x,y))$ (случайная фаза $\varphi(x,y)$ генерируется компьютером) и вычисляется Фурье – спектр

$$F(\omega_x, \omega_y) = \iint f(x, y) \exp(i\varphi(x, y)) \exp(-i(\omega_x x + \omega_y y)) dx dy = |F(\omega_x, \omega_y)| \exp(i\theta(\omega_x, \omega_y))$$
(1)

В полученном спектре $|F(\omega_x, \omega_y)|$ в достаточно грубом приближении заменяется константой и на фазовой среде регистрируется лишь функция $\theta(\omega_x, \omega_y)$. Полученный таким образом фазовый элемент с пропусканием $\exp(i\theta(\omega_x, \omega_y))$ и есть киноформ. Практическая ценность такого киноформа невысока, так как приближение $|F(\omega_x, \omega_y)| \approx \text{const}$ и замена непрерывного распределения фазы $\theta(\omega_x, \omega_y)$ ее квантованными значениями при компьютерном расчете и регистрации на физической среде приводят к значительным искажениям и зашумленности восстановленного изображения.

Для получения высококачественного изображения киноформ необходимо рассчитывать путем решения так называемой обратной задачи дифракции, рассматривая процесс восстановления изображения от киноформной структуры при заданных начальных условиях [1]. Такой подход позволяет существенно уменьшить влияние приближения $|F(\omega_{x,}\omega_{y})| \approx \text{const}$ и эффекта квантования фазы $\theta(\omega_{x,}\omega_{y})$ на изображение, однако существенно усложняется и сам процесс расчета киноформа, требующий использования градиентных методов решения с регуляризацией.

Наибольшую популярность приобрели отличные от градиентных, итерационные методы расчета киноформа, в которых обратная задача переформулирована и ставится как задача синтеза Фурье-пары (объект – спектр) комплекснозначных функций при заданных ограничениях на их модули [2]. Центральное место в этих методах занимает итерационный "error – reduction" алгоритм Герчберга-Сакстона [3],

схематически показанный на рис 1. Прежде чем говорить о предлагаемом улучшении данного алгоритма кратко опишем его работу:



Рисунок 1 – Схема алгоритма расчета Фурье-киноформа

1. На первой итерации действительная функция f(x,y) объекта умножается на функцию $exp(i\varphi(x,y))$, где $\varphi(x,y)$ – случайная функция и результат подвергается прямому Фурье-преобразованию.

2. В полученном спектре $F(\omega_x, \omega_y)$ модуль $|F(\omega_x, \omega_y)|$ заменяется константой и результат подвергается обратному Фурье-преобразованию.

3. На второй итерации в новой объектной функции $g_{in}(x,y)$ модуль $|g_{in}(x,y)|$ заменяется на f(x,y) при сохранении неизменным фазового распределения и результат снова подвергается прямому Фурьепреобразованию. Этот процесс «перекачки» комплекснозначных амплитуд из объектной плоскости в спектральную и обратно, при удовлетворении на каждой итерации заданным условиям на модули амплитуд, продолжается до тех пор, пока их фазовые распределения $\phi(x,y)$ и $\theta(\omega_x, \omega_y)$ не будут согласованы.

Сходимость процесса контролируется в объектной либо спектральной плоскостях по среднеквадратичному критерию (дисперсии) для модуля амплитуды. Функция $\theta(\omega_x, \omega_y)$ дает искомое распределение фаз киноформа, а $\varphi(x, y)$ становится несущественной при квадратичном детектировании изображения. Простота и быстродействие "error – reduction" алгоритма – его несомненные достоинства, однако при работе с объектами достаточно сложного вида часто не удается достичь нулевого или достаточно малого уровня дисперсии амплитуд восстановленного изображения.

Нами предложено улучшение "error – reduction " алгоритма путем изменения способа обработки информации в объектной плоскости [4]. Вводится новая операция, названная операцией предискажения объекта, состоящая в том, что на четных итерациях объектная функция умножается на некоторые коэффициенты, определяемые формулой

$$\alpha(x,y) = f(x,y) / |g_{\text{out}}(x,y)|, \qquad (2)$$

где $|g_{out}(x,y)|$ — модуль функции, описывающей изображение, получаемой на нечетных итерациях. Эта физически обоснованная и простая операция позволяет существенно повысить точность определения фазы киноформа. Как показывают модельные эксперименты на ЭВМ, выполненные нами, дисперсию амплитуды восстановленного изображения удается при этом снизить от 2 до 10 и более раз, в зависимости от вида объекта. Эксперименты проводились с бинарными объектами как с регулярной так и статистической структурой, размерностью 64*64, 128*128 пикселей. На рис. 2 – 4 показаны примеры объектов, структура объектно-ориентированного фазового рассеивателя и киноформа, восстановленные изображения объектов, графики дисперсии $\sigma_{|g|}$ и размаха (наибольшего локального отклонения) Δg_{max} амплитуд в изображении для предложенного и известных методов расчета. Дисперсия и размах определялись по формулам:

$$\sigma_{|g|} = (1/A) \sum (|m|) (|g_{l,m}| - f_{l,m})^2, \Delta g_{max} = (1/A) (g_{max} - g_{min}),$$
(3)

где $f_{l,m}$, $|g_{l,m}|$ – отсчеты амплитуд объекта и изображения, $A = \sum |g_{l,m}|$ – сумма всех амплитуд изображения, l, m = 1, ..., N, N*N – рабочая сетка в плоскости x, y.



Рисунок 2 – Объекты: А – регулярная бинарная структура; В – случайная бинарная структура; С – объектно-ориентированный фазовый рассеиватель; D – оптимизированное амплитудное распределение в плоскости киноформа



Рисунок 3 – Восстановленные изображения объектов, приведенных на рисунке 2 А, В, при синтезе киноформа А, С – предложенным методом; В, D – "error-reduction" методом.

Приведенный пример (с достаточно сложными объектами) показывает, что расчет по новой схеме позволяет существенно уменьшить $\sigma_{|g|}$ и Δg_{max} в изображении.

Действие процедуры предискажения можно пояснить следующим образом. Пусть f(x,y) – действительная функция идеального объекта, $g_{out}^{(k)}$ – комплексная функция изображения этого объекта, восстановленного на к-ой итерации. Тогда для произвольной точки изображения

$$g_{\text{out}}^{(k)} = |g_{\text{out}}^{(k)}| \exp i\varphi^{(k)} = |f + \Delta f^{(k)}| \exp i\varphi^{(k)}, |\Delta f^{(k)}| \ll f,$$
(4)

где $\Delta f^{(k)}$ – отклонение модуля амплитуды изображения от идеала, $\phi^{(k)}$ – фаза. Зависимость от координат не указывается для простоты записи. Согласно процедуре предискажения, на (к+1)-ой итерации на вход алгоритма подается функция

$$g_{in}^{(k+1)} = f(f/g_{out}^{(k)}) \exp(\phi^{(k)}) = f(1 - (\Delta f^{(k)}/f) + (\Delta f^{(k)}/f)^2 - \dots) \exp(\phi^{(k)}$$
(5)

Ограничиваясь 1-м порядком разложения в (5), для изменения по входу (при переходе от к-ой к (к+1)-ой итерации) имеем:

$$\Delta g_{in}^{(k+1)} = g_{in}^{(k+1)} - g_{out}^{(k)} = -2 \Delta f^{(k)} \exp(\phi^{(k)})$$
(6)



Рисунок 4 – Зависимость дисперсии и размаха амплитуды восстановленного изображения от номера итерации. А,В – для объекта изображенного на рисунке 2 А; С, D -для объекта изображенного на рисунке 2 В; 1 - предложенный метод; 2 – "error-reduction" метод; 3 – "input-output" метод [5]

Если считать, что в плоскости Фурье (киноформа) случайные фаза $\theta(\omega_x, \omega_y)$ и амплитуда $|F(\omega_x, \omega_y)|$ (см. (1)) спектра однородно распределены, соответственно, в интервалах (0, 2π) и (0, A_0 , A_0 =const) и статистически независимы, а вариации $|\Delta F(\omega_x, \omega_y)|$ спектра малы, то, после прогона алгоритма изменение входной функции (объекта) в данной точке плоскости преобразуется в ожидаемое (в среднем) изменение выходной функции (изображения) в такой же точке по формуле [5]:

$$E(\Delta g_{\text{out}}) \approx (1/2) E(A_0 / |F|) \Delta g_{in}, \qquad (7)$$

где *Е* означает операцию усреднения величины, стоящей в скобках. Таким образом, на (к+1)-ой итерации для точки изображения получим:

$$g_{\text{out}}^{(k+1)} = g_{\text{out}}^{(k)} + E(\Delta g_{\text{out}}^{(k+1)}) \approx [f + \Delta f^{(k)} - E(A_0 / |F|) \Delta f^{(k)}] \exp(\phi^{(k)})$$
(8)

Из (8) видно, что амплитуда изображения будет тем ближе к идеалу, чем ближе E(A₀/|F|) к единице. После нескольких итераций с использованием диффузного рассеивателя в плоскости объекта последнее выполняется с хорошей точностью.

Литература: 1. Василенко Г. И., Тараторин А. М. Восстановление изображений. М., Радио и связь, 1986. 2. J. R. Fienup. Phase retrieval algorithms : a comparison. Appl. Opt. 1982, <u>21</u>, 2758 – 2769. 3. R. W. Gerchberg, W. O. Saxton. Apractical algorithm for the determination phase from image and diffraction plane pictures. Optik, 1972, <u>35</u>, 237–243. 4. Заявка на патент України (автори Кузьменко О. В., Комаров В. О., Єжов П. В.). Спосіб визначення фази за даними про амплітуду. Homep 2002031757, з пріоритетом від 04. 03. 02. 5. J. R. Fienup. Iterative method applied to image reconstruction and to computer-generated holograms. Opt. Eng. 1980, <u>19</u>, 297-305.

УДК 535.317.1 ОПТИКО-ЦИФРОВАЯ СИСТЕМА ЗАПИСИ ГОЛОГРАММ

Павел Ежов, Александр Кузьменко, Вячеслав Комаров, Николай Яковкин Международный центр "Институт прикладной оптики" НАН Украины

> Аннотация: Разработана оптико-цифровая система обработки информации на базе термопластических сред, позволяющих осуществлять запись фазовых голограмм в "реальном времени" и их считывание для применения в различных областях защитных голографических технологий.

> *Summary:* We developed the optical and digital system for information processing based on the thermoplastic recording media allowing to write the phase hologram in the "real – time" and read for application in various areas of security holographic technologies.

Ключевые слова: Оптическая голография, оптическая обработка информации, оптико-цифровые системы записи – считывания голограмм.

І Введение

Наряду с существующими криптографическими методами защиты информации, в том числе и электронными, весомое место занимают оптические защитные технологии – системы идентификации, основанные на методах корреляционной оптики, голографические защитные элементы – радужные голограммы, дот матрикс, голограммы с кинематическими эффектами, комбинированные голограммы, совмещающие свойства различных типов голограмм и т. д.

В этой связи, системы записи голограмм с уплотнением информации, применяющиеся при создании голографической оптической памяти, являются перспективными для использования их в голографических защитных технологиях. Ключевым моментом в этих системах является уплотнение информации, т. е. уменьшение размеров голограмм. Для примера – при типичных размерах записанных голограмм 1÷2 мм, для тонких голограмм при теоретическом пределе 3.78·10⁶ бит, характерной плотностью является плотность записи 10⁴ бит [1 – 3]. Возможно двоякое применение данных голограмм:

а) в качестве комбинированных голограмм и голографических меток, голографических защитных кодов –
 в виде пассивных защитных элементов имеющих целью увеличить степень защищенности основных элементов – удостоверений, банковских карт, бланков документов и т. д;

б) в качестве голографических носителей информации, всевозможного рода ключей, кодов, которые уже как активные элементы могут быть внедрены в те же удостоверения, устройства доступа (ключи) с различным временным интервалом действия, а так же использоваться для перенесения нужной информации к получателю, имеющему ответную считывающую часть.

Нужно сказать, что системы записи и системы считывания априори существуют для всех изложенных выше приложений, меняется только степень сложности устройств в зависимости от решаемых задач.